



PSEUDOCODICE(4.0);

La miglior soluzione per **leggere e capire** facilmente gli esercizi di programmazione delle selezioni scolastiche

Versione provvisoria

Lo Staff delle OII

Ottobre 2022

Sullo pseudocodice nella selezione scolastica

Da diversi anni, gli esercizi della Selezione Scolastica sono suddivisi in tre parti:

- esercizi di carattere logico-matematico;
- esercizi di programmazione;
- esercizi di carattere algoritmico.

A partire dalla Selezione Scolastica di novembre 2018 abbiamo introdotto un importante cambiamento relativo alla forma in cui gli **esercizi di programmazione** venivano proposti: invece di fornire del codice vero e proprio (in due dei linguaggi più “popolari” tra quelli insegnati in Italia a livello scolastico: C e Pascal) abbiamo cominciato a utilizzare uno **pseudocodice**.

Con *pseudocodice* intendiamo un linguaggio che permette di descrivere programmi usando una sintassi naturale, “umana”, senza le rigide regole di un linguaggio di programmazione.

Attenzione! Questo cambiamento si riferisce **solo agli esercizi di programmazione** contenuti nella **selezione scolastica**. La fase territoriale e nazionale, naturalmente, rimangono invariate e richiedono sempre la scrittura di programmi veri.

È importante notare che, sebbene le fasi successive alla scolastica facciano uso di linguaggi veri e propri, in questo caso esiste una fondamentale distinzione: ciò che valutiamo in questa gara infatti è l’abilità nel **leggere e capire** del codice già scritto, non quella di **scriverne**. Siamo convinti che lo pseudocodice sia particolarmente adatto allo scopo di questa gara.

Con lo pseudocodice, infatti, gli esercizi di programmazione diventano alla portata di tutti gli studenti, non necessariamente di quelli che sanno già programmare, o il cui curriculum scolastico comprende l’informatica: è sufficiente avere curiosità e voglia di imparare.

Novità dell’edizione 2022

Per quest’anno abbiamo rinnovato la guida, introducendo, prima di tutto, una documentazione più comprensiva dello pseudocodice, con spiegazioni dettagliate e allo stesso tempo comprensibili. Inoltre, lo pseudocodice stesso ha subito delle modifiche:

- sono stati introdotti i cicli **for**;
- non esistono più le procedure, ma solo funzioni, che possono eventualmente non restituire nulla;
- il comando **output** è stato sostituito dalla funzione **output**;

- è stata introdotta la possibilità di “swappare” due variabili;
- il typesetting dello pseudocodice è stato migliorato, usando anche dei colori per differenziare le varie componenti (parole chiave, variabili, ...).

Riferimento alla guida delle OPS

Nei nostri esercizi di programmazione cercheremo di ricalcare per quanto possibile lo pseudocodice già in uso alle Olimpiadi del Problem Solving. Per riferimento, è possibile consultare la loro guida allo pseudocodice, al seguente indirizzo (comincia da pagina 40):

www.olimpiadiproblemsolving.it/site/documenti/20-21/GUIDA OPS_2020_21.pdf

Ricordiamo comunque che la sintassi dello pseudocodice non è mai definita in modo esaustivo: è possibile che alcuni esercizi utilizzino dei “nuovi” costrutti, non documentati in questa guida. Se questo accadrà, sarà sempre fatto nel modo più facilmente comprensibile, e i nuovi costrutti saranno comunque spiegati nel testo dell’esercizio.

Documentazione dello pseudocodice

In questa sezione della guida definiamo la **sintassi** dello pseudocodice. Vale a dire, forniamo le nozioni necessarie per la lettura e comprensione di un programma scritto in pseudocodice. Le spiegazioni saranno abbastanza “formali” da essere precise, ma non tecniche, e saranno tutte corredate da piccoli esempi. (Nella sezione successiva, invece, troverai molti altri esempi più completi, alcuni dei quali tratti da selezioni scolastiche passate.)

Dopo aver letto la documentazione, dovresti essere in grado di comprendere il funzionamento di questi programmi:

Programma 1 FizzBuzz

```
1: function fizzbuzz(n: integer)
2:   variable i: integer
3:   i ← 1
4:   while i ≤ n do
5:     if i mod 3 = 0 then
6:       output("fizz")
7:     else
8:       if i mod 5 = 0 then
9:         output("buzz")
10:      else
11:        output("fizzbuzz")
12:      end if
13:    end if
14:    i ← i + 1
15:  end while
16: end function
```

Programma 2 Uso degli array

```
1: function maximum(n: integer, v: integer) →
   integer
2:   variable m: integer
3:   m ← v[0]
4:   for i in [0, n) do
5:     if v[i] > m then
6:       m ← v[i]
7:     end if
8:   end for
9:   return m
10: end function
```

Componenti di un programma

Osservando i programmi 1 e 2 qui sopra, puoi notare che compaiono termini e simboli evidenziati in modo diverso: colori diversi, alcuni in grassetto e altri no, etc. Questi “blocchi fondamentali”, che esamineremo uno per uno, sono i seguenti:

- **parole chiave** (esempio: **while**, **end**, **variable**)
- **variabili** (esempio: *m*)
- **tipi** (esempio: *integer*)
- **valori** (esempio: 1, "fizz")
- **operatori** (esempio: >, mod)

È anche evidente che alcune righe di codice sono spostate in avanti (si dice che sono *indentate*). Una serie di righe consecutive con lo stesso *livello di indentazione* (cioè, precedute dallo stesso spazio bianco) si chiama **blocco**. I blocchi rappresentano parti di codice che vengono eseguite “tutte insieme” all’interno di una **funzione** o di una **struttura di controllo**. Ciascun blocco è preceduto da una riga che inizia con una parola chiave, ed è seguito da una riga che inizia con la parola chiave **end**.

Parole chiave

Le **parole chiave** sono parole che hanno un significato specifico all’interno di un programma, e, in quanto tali, non possono essere usate altrove (ad esempio, come nome di variabili — vedi sezione successiva). Sono formattate in **blu e grassetto**. Questa è la lista delle parole chiave:

- **function**
- **return**
- **if**
- **then**
- **else**
- **for**
- **in**
- **while**
- **do**
- **end**
- **variable**

La funzione di ciascuna parola chiave verrà esaminata quando parleremo del contesto in cui compare.

Variabili e tipi

Le **variabili** sono fondamentali in un programma. Nel nostro pseudocodice sono formattate in **azzurro e grassetto**.

Una variabile è una sorta di contenitore per un valore, che può essere un numero, una *stringa* (cioè una sequenza di caratteri, una “parola” — ne parleremo tra poco), o qualcosa di più complicato. Queste “tipologie” di variabile si chiamano, appunto, **tipi**, e sono formattati in *blu e corsivo*. Per ora, c’è un solo tipo semplice contemplato dal nostro pseudocodice:

- *integer*: è il tipo che rappresenta numeri interi, ovvero $\{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$.

Esiste una categoria di tipi “composti”, gli **array**, che sono trattati alla fine di questa sezione. (Alcuni degli esempi che seguono usano gli array, quindi può essere una buona idea riprenderli dopo aver letto il paragrafo su di essi.)

Una variabile è identificata da un nome: a variabili diverse corrispondono nomi diversi. Un programma usa le variabili per manipolare valori che non sono fissati nel codice. Le variabili possono essere:

- *dichiarate*: Dichiarare una variabile è obbligatorio, e vuol dire comunicare al programma che tale variabile esiste. Per questo, va fatto prima di qualunque altra operazione che coinvolge la variabile. Una dichiarazione di variabile inizia con la parola chiave **variable**, seguita dal nome della variabile, dai due punti, e dal tipo della variabile. **Attenzione!** Appena dopo la dichiarazione, la variabile non contiene nessun valore. Deve essere *inizializzata*.

Questi sono esempi di dichiarazione:

```
variable i: integer
variable arr: integer[]
```

Queste **non** sono dichiarazioni:

```
variable i
arr: integer[]
integer a
```

- *inizializzate e modificate tramite assegnamento*. L’assegnamento è l’operazione che modifica — o, nel caso non contenga ancora nessun valore, assegna appunto — un nuovo valore alla variabile. Un assegnamento è costituito dal nome della variabile, seguito dall’operatore \leftarrow (tratteremo gli operatori più avanti), seguito dal valore da assegnare. Quest’ultimo può essere un valore semplice, un’altra variabile, o più in generale un’**espressione** (anche di espressioni parleremo in seguito).

Questi sono esempi di assegnamento:

```
i ← 1
a ← 3 × i + 5
arr ← [3, -1, 8]
```

Questi **non** sono assegnamenti:

```
i = 1
1 ← 3
```

- *usate nelle espressioni*: per esempio, una variabile può essere sommata a un’altra variabile, o a un valore, o un’altra espressione, tramite l’operatore $+$. Oppure può essere confrontata, tramite operatori quali $=$, $<$, \geq , e altri. Tutto ciò verrà trattato meglio quando parleremo di operatori e di espressioni.

Array

Un array è una sequenza di valori tutti dello stesso tipo, che può avere lunghezza, arbitraria (eventualmente lunghezza 0, e in tal caso si parla di *array vuoto*). Il tipo corrispondente si indica con il tipo base, seguito da parentesi quadre: `integer[]` è l'unico tipo array, poiché `integer` è l'unico tipo base.

Invece, l'array vero e proprio si indica con una lista di valori, variabili, o espressioni, inframezzati da virgole e racchiusi da parentesi graffe: `[3, 1 - 2, i]`, `[100]`, `[]` (array vuoto).

Un array di lunghezza n è indicizzato, cioè numerato, da 0 a $n - 1$. L'indice i corrisponde all'elemento in posizione i . Per esempio, nell'array `[3, -1, 8]`, gli indici sono 0, 1 e 2, e l'indice 1 corrisponde al valore `-1`.

Per gli array è possibile un'ulteriore operazione:

- *accesso* a un elemento: È l'operazione che, dato un indice i , restituisce il valore dell'elemento dell'array in posizione i . Si effettua scrivendo il nome dell'array, seguito dall'indice racchiuso da parentesi graffe: `arr[3]`, `arr[i + 1]`.

Il caso delle stringhe. Forse hai notato che, nel programma 1, compaiono delle parole racchiuse da apici doppi (virgolette). Ne incontrerai ancora in seguito. Si tratta di quelle che, in informatica, vengono chiamate *stringhe*: una stringa è una sequenza di caratteri. Nella maggior parte dei linguaggi di programmazione, esiste un tipo associato alle stringhe (`char []` in C, `string` in C++, `str` in Python, ...). Il nostro pseudocodice, tuttavia, non ha un tipo stringa: le stringhe esistono soltanto come valori a sé stanti (vedi la sezione successiva), e non possono essere assegnati a variabili (perché non esistono variabili con quel tipo!). Di fatto, l'unica cosa che si può fare con le stringhe è stamparle in output, con la funzione `output`, esattamente come nel programma FizzBuzz.

Valori

Un **valore** è un'entità fissa, costante, che compare nel codice in quanto tale. Un valore non può essere modificato. Il termine corretto sarebbe l'inglese *literal*, ma noi usiamo una traduzione approssimativa in italiano. Nel nostro pseudocodice i valori sono formattati in **giallo**.

Ogni valore deve appartenere a uno dei tipi descritti in precedenza. Esistono quindi valori interi, di tipo `integer`, e valori di tipo array (`integer[]`).

Questi sono esempi di uso dei valori:

```
a ← 0
1 + 7
```

Questa **non** è un'operazione valida:

```
[] ← [3, -1, 8]
```

Attenzione! In questa guida, a volte usiamo la parola *valore* per riferirci al risultato di un'espressione (per esempio, 3×5 risulta nel valore 15), che è un'altra cosa (non è un'entità "scritta" nel codice). Quindi fai attenzione, il significato della parola deve essere talvolta dedotto dal contesto.

Operatori

Un **operatore** è un simbolo, o una parola, che combina i risultati di due espressioni (valori), producendo un nuovo risultato (valore). Gli operatori sono formattati in **viola e grassetto** (o solo viola per i simboli).

Esistono varie classi di operatori:

- *operatori aritmetici*: **+**, **-**, **×**, **/**, **mod** (addizione, sottrazione, moltiplicazione, divisione intera, resto della divisione intera). Questi prendono due interi e restituiscono un intero. Il significato dei primi tre dovrebbe essere chiaro. L'operatore **/** di divisione intera produce come risultato la *parte intera* (cioè, approssimazione verso lo 0) del quoziente di due interi: ad esempio, $7 / 3$ restituisce 2 (perché $7/3 = 2.333\dots$). L'operatore modulo **mod** produce come risultato il resto della divisione di due interi: ad esempio, $7 \bmod 3$ restituisce 1. Infine, l'operatore **-** può essere anche semplicemente anteposto a un intero, cambiandone il segno (esempio: se il valore di **a** è 3, il valore di **-a** è -3).
- *operatori di confronto*: **=**, **≠**, **<**, **≤**, **>**, **≥** (uguale, diverso, minore, minore o uguale, maggiore, maggiore o uguale). Come dice il nome, confrontano due interi. Ad esempio, $1 = 3 + (-2)$ è vera, mentre $7 < 7$ è falsa.
- *operatori logici*: **and**, **or**, **not**. I primi due operatori combinano due espressioni (termini) contenenti operatori di confronto, o altri operatori logici. **and** restituisce vero se entrambi i termini sono veri, e falso altrimenti; **or** restituisce vero se almeno uno dei termini è vero, e falso altrimenti. **not** è un cosiddetto operatore *unario*, perché agisce su una sola espressione. Restituisce vero se l'espressione è falsa, e falso se l'espressione è vera. Per esempio: $(a = b) \text{ and } (a \neq b)$ è falsa qualunque siano i valori di **a** e **b** (perché?), mentre **not** $(7 \geq 9)$ è vera.

Valori di verità. Il commento che segue è più tecnico, se stai iniziando adesso con la programmazione puoi tranquillamente saltarlo.

Nella descrizione degli operatori di confronto e logici, abbiamo fatto riferimento ai valori “vero” e “falso”. Questi sono detti *valori di verità*, e presuppongono l’esistenza di un tipo opportuno — tale tipo, in molti linguaggi di programmazione veri, si chiama `bool` o `boolean`. Il nostro pseudocodice non contempla l’esistenza esplicita di questo tipo (proprio come accade per le stringhe, ma in più non esistono neppure i valori *literal*). In particolare, non è possibile dichiarare variabili di tipo booleano. I valori di verità esistono solo implicitamente come risultato di espressioni che coinvolgono operatori di confronto e/o operatori logici.

La precedenza tra gli operatori aritmetici è quella tradizionale: \times e $/$ hanno precedenza maggiore di $+$ e $-$. Per quanto riguarda `mod`, questo ha la precedenza più alta di tutti, ma useremo sempre le parentesi tonde per non creare ambiguità. Gli operatori di confronto hanno meno precedenza di quelli aritmetici, ma più precedenza di quelli logici. Anche qui, comunque, useremo parentesi in caso di ambiguità.

Espressioni

Un’**espressione** è un pezzo di codice dotato di un proprio valore, cioè che può essere *valutato*. Ad esempio, i valori di cui abbiamo parlato prima (i *literal*, per intenderci) sono espressioni. Ma espressioni sono anche cose più complesse, come `(i + j × 3) mod 10`.

Le espressioni sono importanti perché possono essere assegnate a una variabile, passate come argomento a una funzione (vedi più avanti), ed essere usate a loro volta in un’espressione. Espressioni sono:

- singole variabili;
- singoli valori (*literal*);
- l’accesso a un elemento di un array;
- una chiamata di funzione (vedi più avanti);
- la composizione di due espressioni tramite un operatore: ad esempio, se `espr1` ed `espr2` sono espressioni, anche `espr1 + espr2` è un’espressione;
- `-(espr)`, dove `espr` è un’espressione che restituisce un intero, e `not (espr)`, dove `espr` è un’espressione che restituisce vero o falso.

Per verificare se hai capito, puoi provare a individuare **tutte** le espressioni contenute nella seguente istruzione: `a ← a - b × 2` (suggerimento: sono 6).

Strutture di controllo

Un programma composto da una semplice successione di istruzioni limita molto le possibilità. Considera il seguente pseudocodice:

Programma 3 Sequenza di istruzioni

```
1: variable a: integer
2: variable b: integer
3: variable c: integer
4: a ← 1
5: b ← 2
6: c ← 3
7: variable sum: integer
8: sum ← a + b + c
9: output(sum)
```

In questo frammento di pseudocodice, ogni riga è una singola istruzione. (L'istruzione **output**(**sum**), come vedremo tra poco, serve a stampare in output il valore di **sum**.) Quello che il programma fa è sommare tre numeri "fissati" nel programma (1, 2 e 3): sostanzialmente qualcosa che avremmo potuto fare a mano. È in questo senso che è necessario introdurre complessità allo pseudocodice, poiché altrimenti non c'è molto che si possa fare. Le strutture di controllo hanno questo scopo (insieme alle funzioni, che vedremo nella sezione successiva).

Una **struttura di controllo** è un costrutto che racchiude un blocco di pseudocodice, detto *corpo*. A seconda del tipo di struttura di controllo, le istruzioni contenute nel corpo possono essere eseguite solo sotto particolari condizioni, oppure ripetute più volte. Le strutture di controllo possono essere annidate, ovvero il corpo di una struttura può contenerne delle altre. Il nostro pseudocodice utilizza tre tipi di strutture di controllo:

- Le strutture condizionali **if** e **if ... else**, con la seguente sintassi:

```
if {condizione} then
    {corpo}
end if
```

```
if {condizione} then
    {corpo if}
else
    {corpo else}
end if
```

Qui, **{condizione}** è un'espressione che restituisce vero o falso (ad esempio un confronto). Se è vera, viene eseguito **{corpo}** (nel caso dell'**if** semplice) o **{corpo if}** (nel caso di **if ... else**). Per **if ... else**, qualora il valore di **{condizione}** sia falso, viene eseguito invece **{blocco else}**.

Per esempio, questo programma assegna alla variabile **b** l'intero 100 se **a** vale 0, e 101 se **a** vale 1 (negli altri casi non succede niente):

Programma 4 Uso di if e if ... else

```
1: variable b: integer
2: if a = 0 then
3:   b ← 100
4: else
5:   if a = 1 then
6:     b ← 101
7:   end if
8: end if
```

- Il ciclo `while`, con la seguente sintassi:

```
while {condizione} do
  {corpo}
end while
```

In questo caso, `{corpo}` viene ripetuto fintanto che `{condizione}` è vera. Quando il programma incontra un `while`, controlla per prima cosa se la condizione è vera: se non lo è, salta completamente il blocco e continua l'esecuzione; se lo è, esegue una volta il corpo, e poi controlla nuovamente se la condizione è vera, ri-eseguendo il corpo in tal caso. Questo si ripete finché la condizione diventa falsa. Nota che questo ha senso se il valore di `{condizione}` dipende da quello che accade dentro `{corpo}`; altrimenti, è possibile che `{condizione}` sia sempre vera e il programma non esca mai dal ciclo: si parla in questo caso di *loop infinito*.

Per esempio, questo programma calcola la somma dei multipli di 7 minori di n :

Programma 5 Uso di while

```
1: variable i: int
2: variable sum: int
3: i ← 0
4: sum ← 0
5: while i < n do
6:   sum ← sum + i
7:   i ← i + 7
8: end while
```

- Il ciclo `for`, con la seguente sintassi:

```
for {iteratore} in {intervallo} do
  {corpo}
end for
```

Vediamo cosa sono `{iteratore}` e `{intervallo}`. Partiamo dal secondo, che, come dice il nome, è un intervallo (di numeri interi), ovvero un insieme di numeri consecutivi. Per esempio, $\{-1, 0, 1, 2, 3\}$ e $\{7\}$ sono intervalli, mentre $\{3, 5\}$ non lo è. Naturalmente, se l'intervallo è molto grande, scrivere esplicitamente tutti i numeri è scomodo o infattibile. Oppure, l'intervallo potrebbe dipendere da una variabile, e in quel caso è impossibile conoscerne a priori il contenuto. Per questi motivi, nello pseudocodice usiamo delle notazioni speciali per gli intervalli, che ricordano quelle usate in matematica (e talvolta insegnate a scuola):

- $[a, b]$ indica l'intervallo di numeri che inizia da a e finisce in b . Entrambi gli estremi sono inclusi. Ad esempio, $[1, 3]$ è l'intervallo $\{1, 2, 3\}$.
- $[a, b)$ indica l'intervallo di numeri che inizia da a e finisce in $b - 1$ (incluso). Ovvero, l'estremo destro dell'intervallo è escluso. Quindi $[1, 3)$ è l'intervallo $\{1, 2\}$ (si parla di “intervallo semiaperto”).

Questa notazione può confondere all'inizio. Perché esiste la seconda? Non basta la prima? Il motivo è che avere intervalli semiaperti rende più naturale iterare sugli array, e non solo. Di fatto, in alcuni linguaggi di programmazione gli intervalli sono spesso intesi con l'estremo destro escluso.

Per quanto riguarda `{iteratore}`, esso è una variabile temporanea che “itera” sugli elementi dell'intervallo. Chiamiamola `i` (spesso i nomi utilizzati per gli iteratori sono `i`, `j`, `k`, ...). È temporanea nel senso che esiste solo all'interno del `for`, e sparisce (in gergo informatico, viene distrutta) non appena il programma esce dal ciclo, e non va dichiarata (basta scriverne il nome): è sottinteso che è di tipo *integer*. Il corpo del `for` viene eseguito un numero di volte pari alla lunghezza dell'intervallo (il numero di elementi che contiene). Durante la prima iterazione, `i` assume il valore a (l'estremo sinistro dell'intervallo). Durante la seconda iterazione, assume il valore $a + 1$. E così via, fino all'ultima iterazione, durante la quale assume il valore b o $b - 1$ (a seconda del tipo di intervallo).

Attenzione! La variabile `i` può essere modificata nel corpo del `for`, ma all'iterazione successiva il suo valore viene “resettato” a quello corrispondente al numero dell'iterazione.

Vediamo alcuni esempi:

Programma 6 for inclusivo

```
1: for i in [0, n - 1] do
2:   output(i)
3: end for
```

Programma 7 for esclusivo

```
1: for i in [0, n) do
2:   output(i)
3: end for
```

Programma 8 Somma di un array

```
1: variable sum: integer
2: sum ← 0
3: for i in [0, n) do
4:   sum ← sum + v[i]
5: end for
```

Programma 9 Due elementi uguali

```
1: variable equal_pair: integer
2: equal_pair ← 0
3: for i in [0, n) do
4:   for j in [i + 1, n) do
5:     if v[i] = v[j] then
6:       equal_pair ← 1
7:     end if
8:   end for
9: end for
```

I programmi 6 e 7 fanno la stessa cosa: stampano in output i numeri da 0 a $n - 1$. Il primo usa un intervallo con l'estremo destro incluso, il secondo con l'estremo destro escluso. Il programma 8 calcola la somma degli elementi di un array v di lunghezza n . L'ultimo programma, 9, è un po' più complesso. Contiene due cicli `for` annidati. Il primo itera (tramite i) sugli elementi dell'array v , il secondo itera sugli elementi dell'array **che vengono dopo i** . Questo è il modo standard di "scandire" tutte le coppie di indici distinti. Quindi, alla fine dell'esecuzione, `equal_pair` vale 1 se e solo se è stata incontrata una coppia di elementi uguali.

Funzioni

Nei paragrafi precedenti abbiamo fatto spesso riferimento alle funzioni, senza mai chiarire cosa fossero. È finalmente arrivato il momento.

Una **funzione** è un blocco di pseudocodice, anche in questo caso chiamato *corpo*, racchiuso dalle parole chiave **function** e **end function**. Ci sono due motivazioni principali per l'utilizzo delle funzioni:

- permettere di riutilizzare parti di pseudocodice nel programma (a differenza dei cicli `while` e `for`, dove il corpo viene eseguito per più volte consecutive, una funzione può essere invocata, o chiamata, in punti arbitrari del programma);
- rendere possibile la **ricorsione**, ovvero la capacità di una funzione di invocare se stessa.

Le componenti di una funzione sono:

- il **nome**: È ciò che identifica la funzione, e grazie al quale la si può invocare. Nel nostro pseudocodice, i nomi di funzioni sono formattati in **blu**.
- il **corpo**, di cui abbiamo già parlato: È la sequenza di istruzioni che viene eseguita quando la funzione viene chiamata.
- la lista di **parametri**: È una sequenza di scritture **var1: tipo1**, **var2: tipo2**, ... che indica quanti valori, e di quali tipi, vanno “passati” come **argomenti** alla funzione quando questa viene chiamata. Una funzione può non avere parametri.
- il tipo del **valore di ritorno** (opzionale): Una funzione non può soltanto “fare” qualcosa, ma può anche *restituire* un valore — ad esempio, una funzione che somma due interi restituisce un intero. In questo caso, il tipo del valore di ritorno va indicato.

La sintassi di una funzione è la seguente (in alto senza valore di ritorno, in basso con valore di ritorno):

```
function fun(var1: tipo1, var2: tipo2, ...)  
  {corpo}  
end function
```

```
function fun(var1: tipo1, var2: tipo2, ...) → ritorno  
  {corpo}  
  return ...  
end function
```

Il nome della funzione è **fun**, tra parentesi tonde ci sono gli eventuali parametri (se non ce ne sono, si scrive semplicemente **fun()**), e *ritorno* è il tipo del valore di ritorno. Le entità **var1**, **var2**, ... sono variabili che possono essere usate solo dalla funzione, non dal codice esterno. I loro valori sono definiti solo al momento della chiamata di funzione, e vengono passati come argomenti (vedi sotto nel paragrafo dedicato). In particolare, possono essere diversi in chiamate diverse. La parola chiave **return** è usata per restituire un valore di ritorno, ed è seguita da un’espressione (fanno eccezione le funzioni senza valore di ritorno).

La parola chiave **return**

Come appena detto, **return** si usa per restituire un valore. Quando viene incontrato un **return**, l’esecuzione della funzione si interrompe e riprende dal punto in cui era stata chiamata; alla chiamata di funzione viene sostituito il valore che ha restituito.

Ad esempio, considera il seguente programma:

Programma 10 Funzioni e valore di ritorno

```
1: function add(a: integer, b: integer) → integer
2:   return a + b
3: end function
4:
5: variable x: integer
6: variable y: integer
7: x ← -2
8: y ← 5
9: variable sum: integer
10: sum ← add(x, y)
```

La funzione `add` prende due parametri interi, `a` e `b`, e restituisce un intero. Questo viene detto scrivendo `return` seguito dall'espressione `a + b`. Alla riga 10, la funzione viene chiamata dal programma, passando come argomenti le variabili `x` (che vale -2) e `y` (che vale 5). Pertanto, `add` restituisce $-2 + 5 = 3$, e questo valore viene assegnato a `sum`.

La parola chiave `return` può essere usata più di una volta nella stessa funzione. Per esempio, supponiamo di voler scrivere una funzione che restituisca il valore assoluto di un intero n (cioè, n stesso se $n \geq 0$, altrimenti $-n$). Potremmo farlo così:

Programma 11 Più di un return

```
1: function absolute_value(n: integer) → integer
2:   if n ≥ 0 then
3:     return n
4:   end if
5:   return -n
6: end function
```

Se ad `absolute_value` viene passato un valore ≥ 0 , l'esecuzione del programma entra nel corpo dell'`if` e viene restituito `n`. In questo caso, l'esecuzione si interrompe: il programma "esce" immediatamente dalla funzione. In caso contrario, l'`if` viene saltato e viene eseguito il secondo `return`.

Ci si aspetterebbe che le funzioni senza tipo di ritorno non abbiano bisogno di alcun `return`. In effetti è così, ma a volte è comodo poter interrompere l'esecuzione di una funzione senza usare costrutti condizionali (che appesantiscono il codice). Per questo, si può usare un `return` "vuoto" (cioè non seguito da nulla) in un punto qualsiasi della funzione. Per esempio, questa funzione fa la stessa cosa di `absolute_value` nel programma 11, ma stampa il valore assoluto in output anziché restituirlo:

Programma 12 `return vuoto`

```
1: function print_absolute_value(n: integer)
2:   if n ≥ 0 then
3:     output(n)
4:   return
5:   end if
6:   output(-n)
7: end function
```

Chiamare una funzione

Se non fosse possibile invocare, o più comunemente “chiamare”, una funzione, esse sarebbero inutili. Chiamare una funzione vuol dire spostare, temporaneamente, l’esecuzione del programma nella funzione stessa, “passando” una lista di argomenti, cioè i valori che assumono i parametri della funzione in quella chiamata. È importante chiarire la distinzione tra parametri e argomenti:

- i **parametri** sono le **variabili** che compaiono nella definizione della funzione, e, come tali, hanno un nome e un tipo;
- gli **argomenti** sono i **valori** (risultati di espressioni) che vengono passati alla funzione in una particolare chiamata.

Ovviamente, gli argomenti devono essere tanti quanti i parametri, e i loro tipi devono corrispondere. Abbiamo già visto un esempio di chiamata di funzione nel programma 10, ma anche tutte le volte in cui viene invocata `output`: questa, infatti, è una funzione senza tipo di ritorno ha come unico parametro una variabile di tipo *integer* o *string*.

Funzioni ricorsive

La **ricorsione** è uno strumento molto potente nella programmazione, che non sarebbe possibile senza funzioni. Consiste nella possibilità di una funzione di chiamare se stessa, all’interno del proprio corpo. Quando ciò avviene, il programma ricomincia l’esecuzione della funzione con **nuovi argomenti** (quelli passati nella chiamata). Si tratta di un’esecuzione distinta da quella che l’ha invocata: quest’ultima resta “sospesa” finché la chiamata interna non termina, e poi riprende normalmente. I valori di tutte le variabili non vengono modificati. Una funzione che chiama se stessa almeno una volta si dice **funzione ricorsiva**.

Un esempio classico è il calcolo del fattoriale. Il fattoriale di un intero positivo n , indicato con $n!$, è il prodotto dei numeri tra 1 ed n , ovvero $1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot (n - 1) \cdot n$. Si può calcolare facilmente usando le strutture di controllo (come un ciclo `for`), ma è istruttivo vedere come farlo tramite una funzione ricorsiva:

Programma 13 Funzione ricorsiva

```
1: function factorial(n: integer) → integer
2:   if n = 1 then
3:     return 1
4:   end if
5:   return n × factorial(n - 1)
6: end function
```

La funzione sfrutta il fatto che $n! = n \cdot (n - 1)!$, come si vede alla riga 5. L'`if` alle righe 2-4 serve a fare in modo che la ricorsione si arresti: prima o poi, infatti, il valore di n diventerà 1, e a quel punto viene restituito 1 (il fattoriale di 1) senza ulteriori chiamate a `factorial`.

Swap di variabili

Un'operazione spesso utile in programmazione è scambiare i valori di due variabili (*swap*, in inglese). Come farlo è meno ovvio di quanto sembri. Se vogliamo scambiare i valori di **a** e **b**, non possiamo semplicemente scrivere in sequenza gli assegnamenti $\mathbf{a} \leftarrow \mathbf{b}$ e $\mathbf{b} \leftarrow \mathbf{a}$. Infatti, subito dopo il primo assegnamento entrambe le variabili avranno lo stesso valore di **b**: il valore di **a** è andato perso!

Un modo per ovviare è introdurre una terza variabile “ausiliaria”, chiamiamola **x**, in questo modo:

```
variable x: integer
x ← a
a ← b
b ← x
```

In pratica, **x** serve a memorizzare il valore di **a** prima che venga sovrascritto da quello di **b**, così che possa poi essere assegnato a **b** stesso.

Dato che, come già detto, lo swap è molto frequente, nello pseudocodice usiamo una espressione dedicata esclusivamente a questo scopo.

```
(a, b) ← (b, a)
```

L'espressione **(a, b)** può essere usata **esclusivamente** in questo contesto. Le variabili che compaiono a destra devono essere le stesse che compaiono a sinistra, ma in ordine invertito. Questa istruzione compie esattamente lo swap delle due variabili: è come se fosse un “assegnamento simultaneo”.

Esempi di pseudocodice

Vediamo ora altri esempi concreti, che valgono più di mille parole.

Implementazioni di algoritmi classici

In questa sezione trovi una lista di brevi programmi in pseudocodice che implementano algoritmi più o meno semplici e di natura didattica. Sono tutti proposti sotto forma di funzione. Sono presenti descrizioni molto minimali: una spiegazione esaustiva dello pseudocodice è stata volutamente omessa, per incentivarti a comprendere autonomamente il funzionamento del programma.

Capire se un numero è primo

La funzione `is_prime` restituisce `1` se `n` è un numero primo, e `0` altrimenti.

Programma 14 Test di primalità

```
1: function is_prime(n: integer) → integer
2:   variable i: integer
3:   i ← 2
4:   while i × i ≤ n do
5:     if n mod i = 0 then
6:       return 1
7:     end if
8:   end while
9:   return 0
10: end function
```

Stampare tutti i primi fino a 1000

La funzione `print_primes` si avvale della funzione `is_prime` dell'esempio precedente per stampare, in ordine, tutti i numeri primi compresi tra 1 e 1000.

Programma 15 Stampa i primi ≤ 1000

```
1: function print_primes()
2:   for i in [1, 1000] do
3:     if is_prime(i) = 1 then
4:       output(i)
5:     end if
6:   end for
7: end function
```

Ribaltare un array

La funzione `reverse` inverte gli elementi di un array `v` di lunghezza `n`.

Programma 16 Ribalta un array

```
1: function reverse(n: integer, v: integer[]) → integer[]
2:   for i in [0, n / 2) do
3:     variable j: integer
4:     j ← n - 1 - i
5:     (v[i], v[j]) ← (v[j], v[i])
6:   end for
7:   return v
8: end function
```

Massima somma di un prefisso

Un *prefisso* di un array è una sottosequenza contigua di elementi che parte da quello di indice 0. La funzione `max_prefix` trova la massima somma di un prefisso di un array `v` di lunghezza `n`.

Programma 17 Prefisso di somma massima

```
1: function max_prefix(n: integer, v: integer[]) → integer
2:   variable maximum: integer
3:   variable sum: integer
4:   maximum ← v[0]
5:   sum ← 0
6:   for i in [0, n) do
7:     sum ← sum + v[i]
8:     if sum > maximum then
9:       maximum ← sum
10:    end if
11:  end for
12:  return maximum
13: end function
```

Contare il numero di somme uguali a un numero dato

La funzione ricorsiva `count_sums` restituisce il numero di modi di scrivere un intero positivo `n` come somma **ordinata** di addendi positivi. Per esempio, $n = 4$ si scrive in 8 modi: $1 + 1 + 1 + 1$, $1 + 1 + 2$, $1 + 2 + 1$, $2 + 1 + 1$, $2 + 2$, $1 + 3$, $3 + 1$, 4 (si considera anche la somma composta dal solo addendo n).

Programma 18 Numero di somme uguali a n

```
1: function count_sums( $n$ : integer) → integer
2:   if  $n = 1$  then
3:     return 1
4:   end if
5:   variable answer: integer
6:   answer ← 1
7:   for  $i$  in [1,  $n$ ] do
8:     answer ← answer + count_sums( $i$ )
9:   end for
10:  return answer
11: end function
```

Somma di una sottosequenza

Questo programma è più complesso dei precedenti.

Una *sottosequenza* di un array è un sottoinsieme dei suoi elementi (anche non consecutivi). Dati un array di interi v di lunghezza n e un intero x , la chiamata `subsequence_sum(n , v , x , 0)` ritorna 1 se esiste una sottosequenza di v con somma x , e 0 altrimenti. Per convenzione, la sottosequenza vuota ha somma 0.

Programma 19 Esiste una sottosequenza di somma x ?

```
1: function subsequence_sum( $k$ : integer,  $v$ : integer[],  $x$ : integer, sum: integer) → integer
2:   if  $k = 0$  then
3:     if sum =  $x$  then
4:       return 1
5:     end if
6:     return 0
7:   end if
8:   if subsequence_sum( $k - 1$ ,  $v$ ,  $x$ , sum) = 1 then
9:     return 1
10:  end if
11:  if subsequence_sum( $k - 1$ ,  $v$ ,  $x$ , sum +  $v[k - 1]$ ) = 1 then
12:    return 1
13:  end if
14:  return 0
15: end function
```

Esempi da prove passate

Coming soon!